

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ ОРЕНБУРГСКОЙ ОБЛАСТИ  
МКУ « Отдел образования администрации Первомайского района»  
МАОУ "Володарская СОШ "**

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА  
(ID 1104512)**

**учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа.  
Углубленный уровень»  
для обучающихся 10 – 11 классов**

п. Володарский 2023

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего образования особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые обучающимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и иррациональных чисел, арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве

математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символыми формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию

алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объемы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие

задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач обучающиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса «Алгебра и начала математического анализа».

На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится 272 часа: в 10 классе – 136 часов (4 часа в неделю), в 11 классе – 136 часов (4 часа в неделю).

# **СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ**

## **10 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства, степень с действительным показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

### **Уравнения и неравенства**

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

**Логарифмические уравнения.** Основные методы решения логарифмических уравнений.

**Основные тригонометрические формулы.** Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

**Решение систем линейных уравнений.** Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы  $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства, вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей.

**Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств.** Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

### **Функции и графики**

**Функция,** способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

**Область определения и множество значений функции.** Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

**Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции.** Элементарное исследование и построение их графиков.

**Степенная функция с натуральным и целым показателем.** Её свойства и график. Свойства и график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.

**Показательная и логарифмическая функции,** их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений.

**Тригонометрическая окружность,** определение тригонометрических функций числового аргумента.

**Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях.** Графики реальных зависимостей.

### **Начала математического анализа**

Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число  $e$ . Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

### **Множества и логика**

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера–Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

## **11 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее – НОД) и наименьшее общее кратное (далее – НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни  $n$ -ой степени из комплексного числа.

Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

### **Уравнения и неравенства**

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

### **Функции и графики**

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

### **Начала математического анализа**

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

# ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

## ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

### **1) гражданского воспитания:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотического воспитания:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственного воспитания:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельности учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетического воспитания:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физического воспитания:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

**6) трудового воспитания:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологического воспитания:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

### Познавательные универсальные учебные действия

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

**Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурить информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

## **Коммуникативные универсальные учебные действия**

### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

## **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы,

распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу обучения в **10 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

### **Числа и вычисления:**

свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;

применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни;

применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений;

свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных;

свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени;

свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем;

свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы;

свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента;

оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

### **Уравнения и неравенства:**

свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства;

применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений, применять метод интервалов для решения неравенств;

свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной, многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена, применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач;

свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы  $2 \times 2$  и его геометрический смысл, использовать свойства определителя  $2 \times 2$  для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений, моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат;

использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений;

выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем;

использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений;

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней;

применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений;

свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

### **Функции и графики:**

свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций;

свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства;

свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке;

свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем;

оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков;

свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений;

свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента;

использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами;

### **Начала математического анализа:**

свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов, иметь представление о константе;

использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера;

свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности, понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых;

свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции;

свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач;

свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции;

вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций;

использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

#### **Множества и логика:**

свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами;

использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов;

свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

#### **Числа и вычисления:**

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

#### **Уравнения и неравенства:**

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

### **Функции и графики:**

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

### **Начала математического анализа:**

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;

находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**  
**10 КЛАСС**

| №<br>п /<br>пп | <b>Наименование разделов и тем программы</b>  | <b>Количество часов</b> |                           |                            | <b>Электронные (цифровые) образовательные ресурсы</b> |
|----------------|---|-------------------------|---------------------------|----------------------------|---|
|                |   | <b>Всего</b>            | <b>Контрольные работы</b> | <b>Практические работы</b> |   |
| 1              | Множество действительных чисел. Многочлены.<br>Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений | 24                      | 1                         |                            |   |
| 2              | Функции и графики.<br>Степенная функция с целым показателем   | 12                      | 1                         |                            |   |
| 3              | Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения  | 15                      | 1                         |                            |   |
| 4              | Показательная функция.<br>Показательные уравнения   | 10                      | 1                         |                            |   |

|  |   |     |    |   |  |
|--|---|-----|----|---|--|
| 5                                      | Логарифмическая функция.<br>Логарифмические уравнения | 18  | 1  |   |  |
| 6                                      | Тригонометрические<br>выражения и уравнения           | 22  | 1  |   |  |
| 7                                      | Последовательности и<br>прогрессии                    | 10  | 1  |   |  |
| 8                                      | Непрерывные функции.<br>Производная                   | 20  | 1  |   |  |
| 9                                      | Повторение, обобщение,<br>систематизация знаний       | 5   | 2  |   |  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ<br>ПО ПРОГРАММЕ |   | 136 | 10 | 0 |  |

## 11 КЛАСС

| №<br>п<br>/<br>п | Наименование разделов и тем программы                                 | Количество часов |                    |                     | Электронные (цифровые) образовательные ресурсы |
|------------------|---|------------------|--------------------|---------------------|--|
|                  |   | Всего            | Контрольные работы | Практические работы |  |
| 1                | Исследование функций с помощью производной                            | 22               | 1                  |                     |  |
| 2                | Первообразная и интеграл  | 12               | 1                  |                     |  |
| 3                | Графики тригонометрических функций.<br>Тригонометрические неравенства | 14               | 1                  |                     |  |
| 4                | Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства           | 24               | 1                  |                     |  |
| 5                | Комплексные числа   | 10               | 1                  |                     |  |
| 6                | Натуральные и целые числа   | 10               | 1                  |                     |  |

|                                     |  |     |    |   |  |
|-------------------------------------|--|-----|----|---|--|
| 7                                   | Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений | 12  | 1  |   |  |
| 8                                   | Задачи с параметрами   | 16  | 1  |   |  |
| 9                                   | Повторение, обобщение, систематизация знаний                                   | 16  | 2  |   |  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ |  | 136 | 10 | 0 |  |



## ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 10 КЛАСС

| №<br>п/п | Тема урока  | Количество часов |                    |                     | Дата изучения | Электронные цифровые образовательные ресурсы |
|----------|---|------------------|--------------------|---------------------|---------------|--|
|          |   | Всего            | Контрольные работы | Практические работы |               |  |
| 1        | [[Множество, операции над множествами и их свойства   | 1                |                    |                     |               |  |
| 2        | Диаграммы Эйлера-Венна  | 1                |                    |                     |               |  |
| 3        | Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач                                    | 1                |                    |                     |               |  |
| 4        | Рациональные числа.<br>Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби | 1                |                    |                     |               |  |

|    |   |   |  |  |  |  |
|----|---|---|--|--|--|--|
| 5  | Рациональные числа.<br>Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби | 1 |  |  |  |  |
| 6  | Применение дробей и процентов для решения прикладных задач  | 1 |  |  |  |  |
| 7  | Применение дробей и процентов для решения прикладных задач  | 1 |  |  |  |  |
| 8  | Действительные числа.<br>Рациональные и иррациональные числа                                      | 1 |  |  |  |  |
| 9  | Арифметические операции с действительными числами   | 1 |  |  |  |  |
| 10 | Модуль действительного числа и его свойства   | 1 |  |  |  |  |
| 11 | Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений              | 1 |  |  |  |  |

|        |  |   |  |  |  |  |
|--------|--|---|--|--|--|--|
| 1<br>2 | Основные методы решения целых идробно-рациональных уравнений и неравенств                | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>3 | Основные методы решения целых идробно-рациональных уравнений и неравенств                | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>4 | Основные методы решения целых идробно-рациональных уравнений и неравенств                | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>5 | Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>6 | Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета  | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>7 | Решение систем линейных уравнений  | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>8 | Решение систем линейных уравнений  | 1 |  |  |  |  |

|        |  |   |  |  |  |  |
|--------|--|---|--|--|--|--|
| 1<br>9 | Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения | 1 |  |  |  |  |
| 2<br>0 | Определитель матрицы $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения                                     | 1 |  |  |  |  |
| 2<br>1 | Применение определителя для решения системы линейных уравнений   | 1 |  |  |  |  |
| 2<br>2 | Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений  | 1 |  |  |  |  |
| 2<br>3 | Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений  | 1 |  |  |  |  |

|        |   |   |   |  |  |  |
|--------|---|---|---|--|--|--|
| 2<br>4 | Контрольная работа:<br>"Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений"       | 1 | 1 |  |  |  |
| 2<br>5 | Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций                  | 1 |   |  |  |  |
| 2<br>6 | График функции.<br>Элементарные преобразования графиков функций                                 | 1 |   |  |  |  |
| 2<br>7 | Область определения и множество значений функции.<br>Нули функции. Промежутки знака постоянства | 1 |   |  |  |  |
| 2<br>8 | Чётные и нечётные функции.<br>Периодические функции.<br>Промежутки монотонности функции         | 1 |   |  |  |  |
| 2<br>9 | Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке            | 1 |   |  |  |  |

|        |  |   |   |  |  |  |
|--------|--|---|---|--|--|--|
| 3<br>0 | Линейная, квадратичная и<br>дробно-линейная функции                                | 1 |   |  |  |  |
| 3<br>1 | Элементарное исследование и<br>построение графиков этих<br>функций                 | 1 |   |  |  |  |
| 3<br>2 | Элементарное исследование и<br>построение графиков этих<br>функций                 | 1 |   |  |  |  |
| 3<br>3 | Степень с целым показателем.<br>Бином Ньютона                                      | 1 |   |  |  |  |
| 3<br>4 | Степень с целым показателем.<br>Бином Ньютона                                      | 1 |   |  |  |  |
| 3<br>5 | Степенная функция с<br>натуральным и целым<br>показателем. Её свойства и<br>график | 1 |   |  |  |  |
| 3<br>6 | Контрольная работа:<br>"Степенная функция. Её<br>свойства и график"                | 1 | 1 |  |  |  |
| 3<br>7 | Арифметический корень<br>натуральной степени и его<br>свойства                     | 1 |   |  |  |  |

|        |   |   |  |  |  |  |
|--------|---|---|--|--|--|--|
| 3<br>8 | Арифметический корень натуральной степени и его свойства                      | 1 |  |  |  |  |
| 3<br>9 | Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни                 | 1 |  |  |  |  |
| 4<br>0 | Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни                 | 1 |  |  |  |  |
| 4<br>1 | Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни                 | 1 |  |  |  |  |
| 4<br>2 | Иррациональные уравнения.<br>Основные методы решения иррациональных уравнений | 1 |  |  |  |  |
| 4<br>3 | Иррациональные уравнения.<br>Основные методы решения иррациональных уравнений | 1 |  |  |  |  |

|        |   |   |  |  |  |  |
|--------|---|---|--|--|--|--|
| 4<br>4 | Иррациональные уравнения.<br>Основные методы решения иррациональных уравнений               | 1 |  |  |  |  |
| 4<br>5 | Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений                                    | 1 |  |  |  |  |
| 4<br>6 | Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений                                    | 1 |  |  |  |  |
| 4<br>7 | Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений                                    | 1 |  |  |  |  |
| 4<br>8 | Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений                                    | 1 |  |  |  |  |
| 4<br>9 | Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем | 1 |  |  |  |  |

|        |   |   |   |  |  |  |
|--------|---|---|---|--|--|--|
| 5<br>0 | Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем | 1 |   |  |  |  |
| 5<br>1 | Контрольная работа: "Свойства и график корня n-ой степени. Иррациональные уравнения"        | 1 | 1 |  |  |  |
| 5<br>2 | Степень с рациональным показателем и её свойства  | 1 |   |  |  |  |
| 5<br>3 | Степень с рациональным показателем и её свойства  | 1 |   |  |  |  |
| 5<br>4 | Степень с рациональным показателем и её свойства  | 1 |   |  |  |  |
| 5<br>5 | Показательная функция, её свойства и график   | 1 |   |  |  |  |
| 5<br>6 | Использование графика функции для решения уравнений   | 1 |   |  |  |  |

|        |   |   |   |  |  |  |
|--------|---|---|---|--|--|--|
| 5<br>7 | Использование графика функции для решения уравнений                         | 1 |   |  |  |  |
| 5<br>8 | Показательные уравнения.<br>Основные методы решения показательных уравнений | 1 |   |  |  |  |
| 5<br>9 | Показательные уравнения.<br>Основные методы решения показательных уравнений | 1 |   |  |  |  |
| 6<br>0 | Показательные уравнения.<br>Основные методы решения показательных уравнений | 1 |   |  |  |  |
| 6<br>1 | Контрольная работа:<br>"Показательная функция.<br>Показательные уравнения"  | 1 | 1 |  |  |  |
| 6<br>2 | Логарифм числа. Свойства логарифма  | 1 |   |  |  |  |
| 6<br>3 | Логарифм числа. Свойства логарифма  | 1 |   |  |  |  |
| 6<br>4 | Логарифм числа. Свойства логарифма  | 1 |   |  |  |  |

|        |   |   |  |  |  |  |
|--------|---|---|--|--|--|--|
| 6<br>5 | Десятичные и натуральные логарифмы                  | 1 |  |  |  |  |
| 6<br>6 | Десятичные и натуральные логарифмы                  | 1 |  |  |  |  |
| 6<br>7 | Преобразование выражений, содержащих логарифмы      | 1 |  |  |  |  |
| 6<br>8 | Преобразование выражений, содержащих логарифмы      | 1 |  |  |  |  |
| 6<br>9 | Преобразование выражений, содержащих логарифмы      | 1 |  |  |  |  |
| 7<br>0 | Логарифмическая функция, её свойства и график       | 1 |  |  |  |  |
| 7<br>1 | Логарифмическая функция, её свойства и график       | 1 |  |  |  |  |
| 7<br>2 | Использование графика функции для решения уравнений | 1 |  |  |  |  |
| 7<br>3 | Использование графика функции для решения уравнений | 1 |  |  |  |  |

|        |   |   |   |  |  |  |
|--------|---|---|---|--|--|--|
| 7<br>4 | Логарифмические уравнения.<br>Основные методы решения логарифмических уравнений | 1 |   |  |  |  |
| 7<br>5 | Логарифмические уравнения.<br>Основные методы решения логарифмических уравнений | 1 |   |  |  |  |
| 7<br>6 | Логарифмические уравнения.<br>Основные методы решения логарифмических уравнений | 1 |   |  |  |  |
| 7<br>7 | Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений                       | 1 |   |  |  |  |
| 7<br>8 | Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений                       | 1 |   |  |  |  |
| 7<br>9 | Контрольная работа:<br>"Логарифмическая функция.<br>Логарифмические уравнения"  | 1 | 1 |  |  |  |
| 8<br>0 | Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента                         | 1 |   |  |  |  |

|        |   |   |  |  |  |  |
|--------|---|---|--|--|--|--|
| 8<br>1 | Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента                                   | 1 |  |  |  |  |
| 8<br>2 | Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента                                     | 1 |  |  |  |  |
| 8<br>3 | Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента                                     | 1 |  |  |  |  |
| 8<br>4 | Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента | 1 |  |  |  |  |
| 8<br>5 | Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента | 1 |  |  |  |  |
| 8<br>6 | Основные тригонометрические формулы   | 1 |  |  |  |  |
| 8<br>7 | Основные тригонометрические формулы   | 1 |  |  |  |  |

|        |   |   |  |  |  |  |
|--------|---|---|--|--|--|--|
| 8<br>8 | Основные тригонометрические формулы         | 1 |  |  |  |  |
| 8<br>9 | Основные тригонометрические формулы         | 1 |  |  |  |  |
| 9<br>0 | Преобразование тригонометрических выражений | 1 |  |  |  |  |
| 9<br>1 | Преобразование тригонометрических выражений | 1 |  |  |  |  |
| 9<br>2 | Преобразование тригонометрических выражений | 1 |  |  |  |  |
| 9<br>3 | Преобразование тригонометрических выражений | 1 |  |  |  |  |
| 9<br>4 | Решение тригонометрических уравнений        | 1 |  |  |  |  |
| 9<br>5 | Решение тригонометрических уравнений        | 1 |  |  |  |  |
| 9<br>6 | Решение тригонометрических уравнений        | 1 |  |  |  |  |

|             |  |   |   |  |  |  |
|-------------|--|---|---|--|--|--|
| 9<br>7      | Решение тригонометрических уравнений   | 1 |   |  |  |  |
| 9<br>8      | Решение тригонометрических уравнений   | 1 |   |  |  |  |
| 9<br>9      | Решение тригонометрических уравнений   | 1 |   |  |  |  |
| 1<br>0<br>0 | Решение тригонометрических уравнений   | 1 |   |  |  |  |
| 1<br>0<br>1 | Контрольная работа:<br>"Тригонометрические выражения и тригонометрические уравнения"   | 1 | 1 |  |  |  |
| 1<br>0<br>2 | Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции | 1 |   |  |  |  |
| 1<br>0<br>3 | Монотонные и ограниченные последовательности. История анализа бесконечно малых         | 1 |   |  |  |  |

|             |   |   |  |  |  |  |
|-------------|---|---|--|--|--|--|
| 1<br>0<br>4 | Арифметическая прогрессия   | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>0<br>5 | Геометрическая прогрессия   | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>0<br>6 | Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия                            | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>0<br>7 | Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии                      | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>0<br>8 | Линейный и экспоненциальный рост. Число е. Формула сложных процентов      | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>0<br>9 | Линейный и экспоненциальный рост. Число е. Формула сложных процентов      | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>1<br>0 | Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера | 1 |  |  |  |  |

|             |   |   |   |  |  |  |
|-------------|---|---|---|--|--|--|
| 1<br>1<br>1 | Контрольная работа:<br>"Последовательности и<br>прогрессии" | 1 | 1 |  |  |  |
| 1<br>1<br>2 | Непрерывные функции и их<br>свойства                        | 1 |   |  |  |  |
| 1<br>1<br>3 | Точка разрыва. Асимптоты<br>графиков функций                | 1 |   |  |  |  |
| 1<br>1<br>4 | Свойства функций<br>непрерывных на отрезке                  | 1 |   |  |  |  |
| 1<br>1<br>5 | Свойства функций<br>непрерывных на отрезке                  | 1 |   |  |  |  |
| 1<br>1<br>6 | Метод интервалов для решения<br>неравенств                  | 1 |   |  |  |  |
| 1<br>1<br>7 | Метод интервалов для решения<br>неравенств                  | 1 |   |  |  |  |
| 1<br>1<br>8 | Метод интервалов для решения<br>неравенств                  | 1 |   |  |  |  |

|             |  |   |  |  |  |  |
|-------------|--|---|--|--|--|--|
| 1<br>1<br>9 | Применение свойств непрерывных функций для решения задач | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>2<br>0 | Применение свойств непрерывных функций для решения задач | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>2<br>1 | Первая и вторая производные функции                      | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>2<br>2 | Определение, геометрический смысл производной            | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>2<br>3 | Определение, физический смысл производной                | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>2<br>4 | Уравнение касательной к графику функции                  | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>2<br>5 | Уравнение касательной к графику функции                  | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>2<br>6 | Производные элементарных функций                         | 1 |  |  |  |  |
| 1<br>2      | Производные элементарных функций                         | 1 |  |  |  |  |

|             |  |   |   |  |  |
|-------------|--|---|---|--|--|
| 7           |  |   |   |  |  |
| 1<br>2<br>8 | Производная суммы,<br>произведения, частного и<br>композиции функций | 1 |   |  |  |
| 1<br>2<br>9 | Производная суммы,<br>произведения, частного и<br>композиции функций | 1 |   |  |  |
| 1<br>3<br>0 | Производная суммы,<br>произведения, частного и<br>композиции функций | 1 |   |  |  |
| 1<br>3<br>1 | Контрольная работа:<br>"Производная"                                 | 1 | 1 |  |  |
| 1<br>3<br>2 | Повторение, обобщение,<br>систематизация знаний:<br>"Уравнения"      | 1 |   |  |  |
| 1<br>3<br>3 | Повторение, обобщение,<br>систематизация знаний:<br>"Функции"        | 1 |   |  |  |
| 1<br>3<br>4 | Итоговая контрольная работа  | 1 | 1 |  |  |

|  |   |     |    |   |  |  |
|--|---|-----|----|---|--|--|
| 1<br>3<br>5                            | Итоговая контрольная работа                     | 1   | 1  |   |  |  |
| 1<br>3<br>6                            | Повторение, обобщение,<br>систематизация знаний | 1   |    |   |  |  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ<br>ПО ПРОГРАММЕ |   | 136 | 10 | 0 |  |  |

## 11 КЛАСС

| №<br>п/<br>п | Тема урока   | Количество часов |                           |                         | Дата<br>изучен<br>ия | Электронные<br>цифровые<br>образовательн<br>ые ресурсы |
|--------------|--|------------------|---------------------------|-------------------------|----------------------|--|
|              |  | Все<br>го        | Контроль<br>ные<br>работы | Практичес<br>кие работы |                      |  |
| 1            | Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы | 1                |                           |                         |                      |  |
| 2            | Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы | 1                |                           |                         |                      |  |
| 3            | Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы | 1                |                           |                         |                      |  |

|   |  |   |  |  |  |  |
|---|--|---|--|--|--|--|
| 4 | Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы   | 1 |  |  |  |  |
| 5 | Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы   | 1 |  |  |  |  |
| 6 | Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы   | 1 |  |  |  |  |
| 7 | Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке | 1 |  |  |  |  |
| 8 | Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке | 1 |  |  |  |  |

|    |   |   |  |  |  |  |
|----|---|---|--|--|--|--|
| 9  | Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке  | 1 |  |  |  |  |
| 10 | Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке  | 1 |  |  |  |  |
| 11 | Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке  | 1 |  |  |  |  |
| 12 | Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке  | 1 |  |  |  |  |
| 13 | Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах | 1 |  |  |  |  |

|    |   |   |  |  |  |  |
|----|---|---|--|--|--|--|
| 14 | Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах                         | 1 |  |  |  |  |
| 15 | Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком | 1 |  |  |  |  |
| 16 | Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком | 1 |  |  |  |  |
| 17 | Композиция функций  | 1 |  |  |  |  |
| 18 | Композиция функций  | 1 |  |  |  |  |
| 19 | Композиция функций  | 1 |  |  |  |  |
| 20 | Геометрические образы уравнений на координатной плоскости   | 1 |  |  |  |  |

|    |   |   |   |  |  |  |
|----|---|---|---|--|--|--|
| 21 | Геометрические образы уравнений на координатной плоскости               | 1 |   |  |  |  |
| 22 | Контрольная работа:<br>"Исследование функций с помощью производной"     | 1 | 1 |  |  |  |
| 23 | Первообразная, основное свойство первообразных                          | 1 |   |  |  |  |
| 24 | Первообразные элементарных функций.<br>Правила нахождения первообразных | 1 |   |  |  |  |
| 25 | Первообразные элементарных функций.<br>Правила нахождения первообразных | 1 |   |  |  |  |
| 26 | Интеграл. Геометрический смысл интеграла                                | 1 |   |  |  |  |
| 27 | Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница          | 1 |   |  |  |  |

|    |  |   |   |  |  |  |
|----|--|---|---|--|--|--|
| 28 | Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница                       | 1 |   |  |  |  |
| 29 | Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур                           | 1 |   |  |  |  |
| 30 | Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел                       | 1 |   |  |  |  |
| 31 | Примеры решений дифференциальных уравнений   | 1 |   |  |  |  |
| 32 | Примеры решений дифференциальных уравнений   | 1 |   |  |  |  |
| 33 | Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений | 1 |   |  |  |  |
| 34 | Контрольная работа:<br>"Первообразная и интеграл"                                    | 1 | 1 |  |  |  |

|    |   |   |  |  |  |  |
|----|---|---|--|--|--|--|
| 35 | Тригонометрические функции, их свойства и графики                                 | 1 |  |  |  |  |
| 36 | Тригонометрические функции, их свойства и графики                                 | 1 |  |  |  |  |
| 37 | Тригонометрические функции, их свойства и графики                                 | 1 |  |  |  |  |
| 38 | Тригонометрические функции, их свойства и графики                                 | 1 |  |  |  |  |
| 39 | Тригонометрические функции, их свойства и графики                                 | 1 |  |  |  |  |
| 40 | Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности | 1 |  |  |  |  |
| 41 | Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности | 1 |  |  |  |  |

|    |   |   |  |  |  |  |
|----|---|---|--|--|--|--|
| 42 | Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности | 1 |  |  |  |  |
| 43 | Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности | 1 |  |  |  |  |
| 44 | Решение тригонометрических неравенств   | 1 |  |  |  |  |
| 45 | Решение тригонометрических неравенств   | 1 |  |  |  |  |
| 46 | Решение тригонометрических неравенств   | 1 |  |  |  |  |
| 47 | Решение тригонометрических неравенств   | 1 |  |  |  |  |

|    |   |   |   |  |  |  |
|----|---|---|---|--|--|--|
| 48 | Контрольная работа:<br>"Графики<br>тригонометрических<br>функций.<br>Тригонометрические<br>неравенства" | 1 | 1 |  |  |  |
| 49 | Основные методы решения<br>показательных неравенств   | 1 |   |  |  |  |
| 50 | Основные методы решения<br>показательных неравенств   | 1 |   |  |  |  |
| 51 | Основные методы решения<br>показательных неравенств   | 1 |   |  |  |  |
| 52 | Основные методы решения<br>показательных неравенств   | 1 |   |  |  |  |
| 53 | Основные методы решения<br>логарифмических<br>неравенств  | 1 |   |  |  |  |
| 54 | Основные методы решения<br>логарифмических<br>неравенств  | 1 |   |  |  |  |

|    |   |   |  |  |  |  |
|----|---|---|--|--|--|--|
| 55 | Основные методы решения логарифмических неравенств  | 1 |  |  |  |  |
| 56 | Основные методы решения логарифмических неравенств  | 1 |  |  |  |  |
| 57 | Основные методы решения иррациональных неравенств   | 1 |  |  |  |  |
| 58 | Основные методы решения иррациональных неравенств   | 1 |  |  |  |  |
| 59 | Основные методы решения иррациональных неравенств   | 1 |  |  |  |  |
| 60 | Основные методы решения иррациональных неравенств   | 1 |  |  |  |  |
| 61 | Графические методы решения иррациональных уравнений | 1 |  |  |  |  |

|    |  |   |  |  |  |  |
|----|--|---|--|--|--|--|
| 62 | Графические методы решения иррациональных уравнений                  | 1 |  |  |  |  |
| 63 | Графические методы решения показательных уравнений                   | 1 |  |  |  |  |
| 64 | Графические методы решения показательных неравенств                  | 1 |  |  |  |  |
| 65 | Графические методы решения логарифмических уравнений                 | 1 |  |  |  |  |
| 66 | Графические методы решения логарифмических неравенств                | 1 |  |  |  |  |
| 67 | Графические методы решения логарифмических неравенств                | 1 |  |  |  |  |
| 68 | Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений | 1 |  |  |  |  |

|    |   |   |   |  |  |  |
|----|---|---|---|--|--|--|
| 69 | Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений                      | 1 |   |  |  |  |
| 70 | Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств                     | 1 |   |  |  |  |
| 71 | Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств                     | 1 |   |  |  |  |
| 72 | Контрольная работа:<br>"Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"      | 1 | 1 |  |  |  |
| 73 | Комплексные числа.<br>Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа | 1 |   |  |  |  |
| 74 | Комплексные числа.<br>Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа | 1 |   |  |  |  |

|    |  |   |  |  |  |  |
|----|--|---|--|--|--|--|
| 75 | Арифметические операции с комплексными числами                             | 1 |  |  |  |  |
| 76 | Арифметические операции с комплексными числами                             | 1 |  |  |  |  |
| 77 | Изображение комплексных чисел на координатной плоскости                    | 1 |  |  |  |  |
| 78 | Изображение комплексных чисел на координатной плоскости                    | 1 |  |  |  |  |
| 79 | Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа                   | 1 |  |  |  |  |
| 80 | Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа                   | 1 |  |  |  |  |
| 81 | Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач | 1 |  |  |  |  |

|    |   |   |   |  |  |  |
|----|---|---|---|--|--|--|
| 82 | Контрольная работа:<br>"Комплексные числа"                          | 1 | 1 |  |  |  |
| 83 | Натуральные и целые числа   | 1 |   |  |  |  |
| 84 | Натуральные и целые числа   | 1 |   |  |  |  |
| 85 | Применение признаков<br>делимости целых чисел                       | 1 |   |  |  |  |
| 86 | Применение признаков<br>делимости целых чисел                       | 1 |   |  |  |  |
| 87 | Применение признаков<br>делимости целых чисел:<br>НОД и НОК         | 1 |   |  |  |  |
| 88 | Применение признаков<br>делимости целых чисел:<br>НОД и НОК         | 1 |   |  |  |  |
| 89 | Применение признаков<br>делимости целых чисел:<br>остатки по модулю | 1 |   |  |  |  |

|    |   |   |   |  |  |  |
|----|---|---|---|--|--|--|
| 90 | Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю                                 | 1 |   |  |  |  |
| 91 | Применение признаков делимости целых чисел: алгоритм Евклида для решения задач в целых числах | 1 |   |  |  |  |
| 92 | Контрольная работа: "Теория целых чисел"  | 1 | 1 |  |  |  |
| 93 | Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия                    | 1 |   |  |  |  |
| 94 | Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия                    | 1 |   |  |  |  |
| 95 | Основные методы решения систем и совокупностей рациональных уравнений                         | 1 |   |  |  |  |

|     |  |   |  |  |  |  |
|-----|--|---|--|--|--|--|
| 96  | Основные методы решения систем и совокупностей иррациональных уравнений  | 1 |  |  |  |  |
| 97  | Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений   | 1 |  |  |  |  |
| 98  | Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений   | 1 |  |  |  |  |
| 99  | Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений | 1 |  |  |  |  |
| 100 | Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений | 1 |  |  |  |  |

|         |   |   |  |  |  |  |
|---------|---|---|--|--|--|--|
| 10<br>1 | Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов     | 1 |  |  |  |  |
| 10<br>2 | Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов     | 1 |  |  |  |  |
| 10<br>3 | Применение неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов | 1 |  |  |  |  |

|         |   |   |   |  |  |  |
|---------|---|---|---|--|--|--|
| 10<br>4 | Контрольная работа:<br>"Системы рациональных,<br>иррациональных<br>показательных и<br>логарифмических<br>уравнений" | 1 | 1 |  |  |  |
| 10<br>5 | Рациональные уравнения с<br>параметрами   | 1 |   |  |  |  |
| 10<br>6 | Рациональные неравенства с<br>параметрами   | 1 |   |  |  |  |
| 10<br>7 | Рациональные системы с<br>параметрами   | 1 |   |  |  |  |
| 10<br>8 | Иррациональные уравнения,<br>неравенства с параметрами  | 1 |   |  |  |  |
| 10<br>9 | Иррациональные системы с<br>параметрами   | 1 |   |  |  |  |
| 11<br>0 | Показательные уравнения,<br>неравенства с параметрами   | 1 |   |  |  |  |
| 11<br>1 | Показательные системы с<br>параметрами  | 1 |   |  |  |  |

|         |   |   |  |  |  |  |
|---------|---|---|--|--|--|--|
| 11<br>2 | Логарифмические уравнения, неравенства с параметрами  | 1 |  |  |  |  |
| 11<br>3 | Логарифмические системы с параметрами   | 1 |  |  |  |  |
| 11<br>4 | Тригонометрические уравнения с параметрами  | 1 |  |  |  |  |
| 11<br>5 | Тригонометрические неравенства с параметрами  | 1 |  |  |  |  |
| 11<br>6 | Тригонометрические системы с параметрами  | 1 |  |  |  |  |
| 11<br>7 | Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений с параметрами        | 1 |  |  |  |  |
| 11<br>8 | Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами | 1 |  |  |  |  |

|         |   |   |   |  |  |  |
|---------|---|---|---|--|--|--|
| 11<br>9 | Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами | 1 |   |  |  |  |
| 12<br>0 | Контрольная работа: "Задачи с параметрами"  | 1 | 1 |  |  |  |
| 12<br>1 | Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"   | 1 |   |  |  |  |
| 12<br>2 | Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"   | 1 |   |  |  |  |
| 12<br>3 | Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения. Системы уравнений"                                | 1 |   |  |  |  |
| 12<br>4 | Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"   | 1 |   |  |  |  |

|         |  |   |  |  |  |  |
|---------|--|---|--|--|--|--|
| 12<br>5 | Повторение, обобщение, систематизация знаний:<br>"Неравенства"                 | 1 |  |  |  |  |
| 12<br>6 | Повторение, обобщение, систематизация знаний:<br>"Неравенства"                 | 1 |  |  |  |  |
| 12<br>7 | Повторение, обобщение, систематизация знаний:<br>"Производная и её применение" | 1 |  |  |  |  |
| 12<br>8 | Повторение, обобщение, систематизация знаний:<br>"Производная и её применение" | 1 |  |  |  |  |
| 12<br>9 | Повторение, обобщение, систематизация знаний:<br>"Производная и её применение" | 1 |  |  |  |  |

|                                     |  |     |    |   |  |  |
|-------------------------------------|--|-----|----|---|--|--|
| 13<br>0                             | Повторение, обобщение, систематизация знаний:<br>"Интеграл и его применение" | 1   |    |   |  |  |
| 13<br>1                             | Повторение, обобщение, систематизация знаний:<br>"Функции"                   | 1   |    |   |  |  |
| 13<br>2                             | Повторение, обобщение, систематизация знаний:<br>"Функции"                   | 1   |    |   |  |  |
| 13<br>3                             | Повторение, обобщение, систематизация знаний:<br>"Функции"                   | 1   |    |   |  |  |
| 13<br>4                             | Итоговая контрольная работа  | 1   | 1  |   |  |  |
| 13<br>5                             | Итоговая контрольная работа  | 1   | 1  |   |  |  |
| 13<br>6                             | Повторение, обобщение, систематизация знаний                                 | 1   |    |   |  |  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ |  | 136 | 10 | 0 |  |  |



# **УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

Алгебра и начала математического анализа. 10 - 11 классы.

Учебник для общеобразовательных организаций

(базовый и углублённый уровни)

В 2-х частях: часть 1 – учебник; часть 2 – задачник.

Под редакцией А.Г. Мордковича. – 9-е изд., стер. –

М.: Мнемозина, 2020.

## **МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

А. Г. Мордкович, П. В. Семёнов. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс.

Методическое пособие для учителя. – М.: Мнемозина, 2020.

В. И. Глизбург. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс. Контрольные работы.

- Л. А. Александрова. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс. Самостоятельные работы.
- А. Г. Мордкович, П. В. Семёнов. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс.  
Методическое пособие для учителя. – М.: Мнемозина, 2020.
- В. И. Глизбург. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс. Контрольные работы.
- Л. А. Александрова. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс. Самостоятельные работы.

## **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**

- Открытый банк заданий по математике [www.fipi.ru](http://www.fipi.ru)
  - Федеральный центр тестирования [www.rustest.ru](http://www.rustest.ru)
  - Решу ЕГЭ <https://ege.sdamgia.ru/>

